

Nome: .....

RA: .....

**1ª Questão:** Seja a seguinte desigualdade matricial

$$\begin{bmatrix} A'X + XA + B'X^{-1}B & HX \\ \star & -I \end{bmatrix} < 0$$

sendo  $X' = X > 0$ ,  $B$ , e  $H$  variáveis do problema e  $A$  uma matriz dada.

- (a) Se possível, linearize a desigualdade matricial. Caso o procedimento de linearização envolva mudanças de variáveis, a recuperação das variáveis originais deve necessariamente ser apresentada. A garantia de eventuais inversões de variáveis deve ser discutida.
- (b) Troque o bloco (2,2) da desigualdade original por  $HA$ . Repita o item (a) com a nova desigualdade.
- (c) Partindo da desigualdade do item (b), troque o bloco (1,1) da desigualdade por  $A'XA - X + B'X^{-1}B$ . Repita o item (a) com a nova desigualdade.

1	
2	
3	
4	
5	

--

**2ª Questão:** Seja a seguinte desigualdade matricial

$$\begin{bmatrix} Y + Y' & HW + XY \\ \star & X - W - W' \end{bmatrix} < 0$$

sendo  $X' = X > 0$ ,  $W$ , e  $H$  variáveis do problema. Se possível, linearize a desigualdade matricial. Caso o procedimento de linearização envolva mudanças de variáveis, a recuperação das variáveis originais deve necessariamente ser apresentada. A garantia de eventuais inversões de variáveis deve ser discutida.**3ª Questão:** Seja  $K = ZW^{-1}$ ,  $Z \in \mathbb{R}^{m \times 3}$ ,  $W \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$ , um ganho de realimentação de estados. Apresente as estruturas de  $Z$  e  $W$  para os seguintes casos de controle descentralizado:

$$(a) K = \begin{bmatrix} k_1 & 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad (b) K = \begin{bmatrix} 0 & 0 & k_3 \end{bmatrix}, \quad (c) K = \begin{bmatrix} k_1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & k_6 \end{bmatrix}$$

**4ª Questão:** Considere a seguinte desigualdade matricial

$$(A + BK)'P + P(A + BK) + (C + DK)'(C + DK) < 0$$

sendo  $P$  e  $K$  variáveis e  $A$ ,  $B$ ,  $C$  e  $D$  matrizes dadas. Usando transformações de congruência, complemento de Schur e mudança de variáveis, apresente uma desigualdade equivalente em termos de LMIs para computar o ganho  $K$ .**5ª Questão:** Considere uma matriz incerta  $A(\theta)$ , associada ao sistema linear discreto no tempo  $x(k+1) = A(\theta)x(k)$ , dada por

$$A(\theta) = A_0 + \theta_1 A_1, \quad |\theta_1| \leq 1$$

- (a) Adotando as seguintes mudanças de variáveis  $\alpha_1 = (\theta_1 + 1)/2$ ,  $\alpha_2 = 1 - \alpha_1$ ,  $\alpha \in \Lambda_2$ , apresente a nova matriz do sistema  $A(\alpha)$ .
- (b) Apresente a versão homogeneizada de  $A(\alpha)$ .
- (c) Adotando  $P(\alpha) = P$  como matriz de Lyapunov, apresente o conjunto (finito) de LMIs que testam a existência dessa matriz de Lyapunov, certificando a estabilidade do sistema.
- (d) Adotando  $P(\alpha) = \alpha_1 P_1 + \alpha_2 P_2$  como matriz de Lyapunov, apresente o conjunto (finito) de LMIs que testam a existência dessa matriz de Lyapunov, certificando a estabilidade do sistema.